

الصفحة	1
3	**1

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة العادية 2021  
- الموضوع -

РЕПУБЛИКАНСКО  
УЧЕБНО ПОСОБИЕ  
ЗА СРЕДНАТА ШКОЛА  
А БИНАСНА ШКОЛА А БИНАСНО УЧЕБНО



السلطنة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني  
والتعليم العالي والبحث العلمي  
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

SSSSSSSSSSSSSSSSSSSS

NS 22

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية	الشعبة أو المسلك

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

يتكون الموضوع من ثلاثة تمارين ومسألة، مستقلة فيما بينها، وتتوزع حسب المجالات كما يلي:

نقطتان	الدوال العددية	التمرين الأول
4 نقط	المتتاليات العددية	التمرين الثاني
5 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
9 نقطة	دراسة الدوال العددية و حساب التكامل	المسألة

- نرسم ب  $\bar{z}$  لمرافق العدد العقدي  $z$
- $\ln$  يرمز لدالة اللوغاريتم النيبيري .

الصفحة	NS 22	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية
2		
3		
		التمرين الأول ( نقطتان ) :
0.5	1	(أ) حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المعادلة : $e^{2x} - 4e^x + 3 = 0$
0.5	2	(ب) حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المتراجحة : $e^{2x} - 4e^x + 3 \leq 0$
0.5	3	(ج) احسب النهاية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 4e^x + 3}{e^{2x} - 1}$
0.5	2	(2) بين أن المعادلة $e^{2x} + e^x + 4x = 0$ تقبل حلا على المجال $[-1, 0]$
		التمرين الثاني ( 4 نقط ) :
		لتكن $(u_n)$ المتتالية العددية المعرفة كما يلي : $u_0 = \frac{1}{2}$ و $u_{n+1} = \frac{u_n}{3 - 2u_n}$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$
0.25	1	(1) احسب $u_1$
0.5	2	(2) بين بالترجع أن لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ، $0 < u_n \leq \frac{1}{2}$
0.5	3	(3) (أ) بين أن لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ، $\frac{u_{n+1}}{u_n} \leq \frac{1}{2}$
0.5		(ب) استنتج رتابة المتتالية $(u_n)$
0.75	4	(4) (أ) بين أن لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ، $0 < u_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$ ، ثم احسب نهاية المتتالية $(u_n)$
0.5		(ب) نضع $v_n = \ln(3 - 2u_n)$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ، احسب $\lim v_n$
0.5	5	(5) (أ) تحقق من أن لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ، $\frac{1}{u_{n+1}} - 1 = 3 \left( \frac{1}{u_n} - 1 \right)$
0.5		(ب) استنتج $u_n$ بدلالة $n$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$
		التمرين الثالث ( 5 نقط ) :
0.75	1	(1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2 - \sqrt{3}z + 1 = 0$
	2	(2) نعتبر العددين العقديين $a = e^{i\frac{\pi}{6}}$ و $b = \frac{3}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$
0.25		(أ) اكتب العدد $a$ على الشكل الجبري .
0.5		(ب) تحقق أن $\bar{a}b = \sqrt{3}$
		في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ ، نعتبر النقط $A$ و $B$ و $C$ التي أحاقها على التوالي هي $a$ و $b$ و $\bar{a}$
0.5	3	(3) بين أن النقطة $B$ هي صورة النقطة $A$ بتحاك $h$ مركزه $O$ يتم تحديد نسبته.
	4	(4) ليكن $z$ لحق نقطة $M$ من المستوى و $z'$ لحق النقطة $M'$ صورة النقطة $M$ بالدوران $R$ الذي مركزه $A$ وزاويته $\frac{\pi}{2}$
0.5		(أ) اكتب $z'$ بدلالة $z$ و $a$
0.25		(ب) ليكن $d$ لحق النقطة $D$ صورة النقطة $C$ بالدوران $R$ ، بين أن $d = a + 1$
0.5		(ج) لتكن $I$ النقطة التي لحقها العدد 1 ، بين أن $ADIO$ معين .
0.75	5	(5) (أ) تحقق من أن $d - b = \frac{\sqrt{3} - 1}{2}(1 - i)$ و استنتج عمدة للعدد $d - b$

الصفحة	3	NS 22	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية
3			

0.5 (ب) اكتب العدد  $b - 1$  على الشكل المثلي .

0.5 (ج) استنتج قياسا للزاوية  $(\widehat{BI, BD})$

المسألة (9 نقط):

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $[0, +\infty[$  بما يلي :  $f(0) = 0$  و  $f(x) = 2x \ln x - 2x$  إذا كان  $x > 0$

و  $(C)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة : 1cm)

0.5 (1) بين أن الدالة  $f$  متصلة على اليمين في النقطة 0

0.5 (2) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

0.5 (ب) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  ثم أول النتيجة هندسيا .

0.75 (3) (أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x}$  ثم أول النتيجة هندسيا .

0.5 (ب) احسب  $f'(x)$  لكل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$

0.5 (ج) ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $]0, +\infty[$

0.5 (4) (أ) حل في المجال  $]0, +\infty[$  المعادلتين  $f(x) = 0$  و  $f(x) = x$

1 (ب) أنشئ المنحنى  $(C)$  في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (ناخذ:  $e^{\frac{3}{2}} \approx 4.5$ )

0.5 (5) (أ) باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن :  $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1+e^2}{4}$

0.5 (ب) استنتج :  $\int_1^e f(x) dx$

0.25 (6) (أ) حدد القيمة الدنيا للدالة  $f$  على المجال  $]0, +\infty[$

0.5 (ب) استنتج أن لكل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$  ،  $\ln x \geq \frac{x-1}{x}$

(7) ليكن  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $]1, +\infty[$

0.5 (أ) بين أن الدالة  $g$  تقبل دالة عكسية  $g^{-1}$  معرفة على مجال  $J$  يتم تحديده .

0.75 (ب) أنشئ في نفس المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  المنحنى الممثل للدالة  $g^{-1}$

(8) نعتبر الدالة العددية  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

$$h(x) = x^3 + 3x ; x \leq 0$$

$$h(x) = 2x \ln x - 2x ; x > 0$$

0.5 (أ) ادرس اتصال الدالة  $h$  في النقطة 0

0.5 (ب) ادرس قابلية اشتقاق الدالة  $h$  على اليسار في 0 و أول النتيجة هندسيا .

0.25 (ج) هل الدالة  $h$  قابلة للاشتقاق في 0 ؟ علل جوابك.