



EXAMEN DU BACCALAUREAT

Réservé à l'Académie

Note définitive

20,00 / 20

Sur Vingt

Série/Option :

Composition de :

Appréciation expliquant la note chiffrée :

67305

NOM DU CORRECTEUR ET SIGNATURE :

BELKAIIDA Radouan

Chimie

1/3

Exercice 4



1,02
I.V

Equation		$\text{CH}_3\text{COOH}_{(aq)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COO}^-_{(aq)} + \text{H}_3\text{O}^+_{(aq)}$			
Etat	Avance ment	Quantité de matière en (mol)			
initial	$x=0$	$CA \cdot V$	En excès	0	0
intermé	$x > 0$	$CA \cdot V - x$	En excès	x	x
équilibre	$x_{\text{éq}}$	$CA \cdot V - x_{\text{éq}}$	En excès	$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$

On a : $x(\text{CH}_3\text{COOH}) = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}} + [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{éq}}}$
 $= \frac{(CA \cdot V - x_{\text{éq}}) / V}{CA \cdot x_{\text{éq}} + \frac{x_{\text{éq}}}{V}} = \frac{CA \cdot V - x_{\text{éq}}}{CA \cdot V} = 1 - \frac{x_{\text{éq}}}{CA \cdot V}$

0,1 et on a : $\tau = \frac{x_{\text{éq}}}{x_{\text{max}}} = \frac{x_{\text{éq}}}{CA \cdot V}$ (car H_2O en excès \rightarrow CH_3COOH est le réactif limitant)

0,25 d'où $x(\text{CH}_3\text{COOH}) = 1 - \tau$
 et on a $\tau = \frac{x_{\text{éq}}}{CA \cdot V} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{éq}} \cdot V}{CA} = \frac{10^{-\text{pH}}}{CA}$

A.N : $x(\text{CH}_3\text{COOH}) = 1 - \frac{10^{-3,05}}{5 \cdot 10^{-2}} = 0,98 = 98\%$

0,5 on a $K_{A_1} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{éq}} [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{éq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}}} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{éq}}^2}{CA - [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{éq}}}$
 $= \frac{10^{-2\text{pH}}}{CA - 10^{-\text{pH}}}$

d'où $\text{p}K_{A_1} = -\log\left(\frac{10^{-2\text{pH}}}{CA - 10^{-\text{pH}}}\right) = -\log\left(\frac{10^{-2 \times 3,05}}{5 \cdot 10^{-2} - 10^{-3,05}}\right)$

$\text{p}K_{A_1} = 4,79$

2

2.1. l'éq. de la réaction



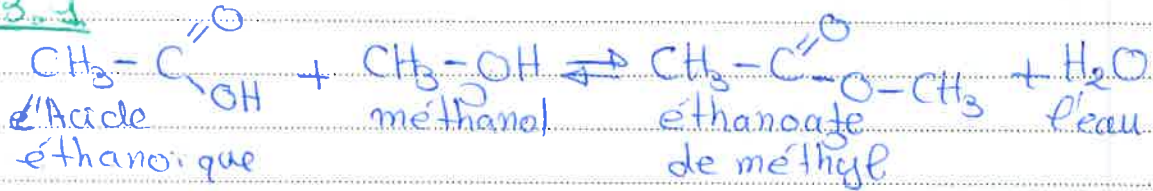
2.2.

$$Q_{\text{réq}} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{HCOOH}]}{[\text{CH}_3\text{COOH}][\text{HCOO}^-]} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{H}_3\text{O}^+][\text{HCOOH}]}{[\text{CH}_3\text{COOH}][\text{HCOO}^-][\text{H}_3\text{O}^+]}$$

$$= \frac{K_{A2}}{K_{A1}} = \frac{10^{-PK_{A2}}}{10^{-PK_{A1}}} = 10^{PK_{A2} - PK_{A1}}$$

A.N. $Q_{\text{réq}} = 10^{3,75 - 4,79} = 9,12 \times 10^{-2}$

3.1



3.2] la courbe correspondant à la réaction utilisant le catalyseur est la courbe C₄, car le catalyseur accélère la réaction donc l'évolution de la quantité n_a de l'acide va être rapide

3.3

Equation		Acide + Alcool \rightleftharpoons ester + H ₂ O			
Etat	avancement	Quantité de matière en (mol)			
initial	$x=0$	n_0	n_0	0	0
équilibre	$x_{\text{éq}}$	$n_0 - x_{\text{éq}}$	$n_0 - x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$

$n_{\text{éq}}(\text{Acide éthanique}) = n_{\text{éq}}(\text{méthanol}) = n_0 - x_{\text{éq}} = n_{\text{éq}}$
 $= 0,3 \text{ mol}$

$n_{\text{éq}}(\text{ester}) = x_{\text{éq}} = n_0 - n_{\text{éq}} = 0,9 - 0,3 = 0,6 \text{ mol}$

$n_{\text{éq}}(\text{H}_2\text{O}) = x_{\text{éq}} = 0,6 \text{ mol}$

3.4

à $t_{1/2}$: $(x_{t_{1/2}}) = \frac{x_{\text{éq}}}{2} = \frac{n_0 - n_{\text{éq}}}{2} \rightleftharpoons x_{\text{éq}}$

ona à $t_{1/2}$: $n_a(t_{1/2}) = n_0 - x_{t_{1/2}} = n_0 - \frac{n_0 - n_{\text{éq}}}{2}$

$\Rightarrow n_a(t_{1/2}) = n_0 - \frac{n_0 - n_{\text{éq}}}{2} = \frac{n_0 + n_{\text{éq}}}{2} = \frac{0,9 + 0,3}{2} = 0,6 \text{ mol}$

d'où $t_{1/2} = 3,5 \text{ h} = 3,5 \times 3600 = 12,6 \times 10^3 \text{ s}$

3.5

ona $\pi = \frac{n_{\text{exp}}(\text{ester})}{n_{\text{th}}(\text{ester})} = \frac{x_{\text{éq}}}{x_{\text{max}}} = \frac{x_{\text{éq}}}{n_0} = \frac{0,6}{0,9} = 0,66 \approx 66\%$

3.6

on a: $K = \frac{[ester][H_2O]}{[Acide][Alcool]} = \frac{\frac{a_{\text{réq}}}{V^2}}{(n_0+n-x_{\text{réq}})(n_0-x_{\text{réq}})}$

$\Leftrightarrow K = \frac{x_{\text{réq}}^2}{(n_0+n-x_{\text{réq}})(n_0-x_{\text{réq}})} \Leftrightarrow 4 = \frac{x_{\text{réq}}^2}{(1-x_{\text{réq}})(0,9-x_{\text{réq}})}$ 0,25

$\Leftrightarrow 4(0,9-x_{\text{réq}}-0,9x_{\text{réq}}+x_{\text{réq}}^2) = x_{\text{réq}}^2$

$\Leftrightarrow 3,6 - 4x_{\text{réq}} - 3,6x_{\text{réq}} + 4x_{\text{réq}}^2 = x_{\text{réq}}^2$

$\Leftrightarrow 3x_{\text{réq}}^2 - 7,6x_{\text{réq}} + 3,6 = 0$ 0,25

$\Delta = b^2 - 4ac = (-7,6)^2 - 4 \times 3,6 \times 3 = 14,56$

$x_{\text{réq}} = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{7,6 - \sqrt{14,56}}{2 \times 3} = 0,631 \text{ mol}$

ou

$x_{\text{réq}} = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{7,6 + \sqrt{14,56}}{2 \times 3} = 1,9 \text{ mol} > x_{\text{max}} = n_0$

donc $\% r = \frac{n_{\text{ester}}}{n_{\text{th(ester)}}} = \frac{0,631}{0,9} = 0,7 = 70\%$

Exo 2

X 1.1 D.

1.2)



pour déterminer ${}^3_1\text{H}$ selon la loi de Soddy
 $\left. \begin{array}{l} 3 = A \\ 1 = Z - 1 \Rightarrow Z = 2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \Delta A = 3 \\ \Delta Z = 2 \end{array}$

1.3)

on a $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$

à $t_{1/2}$: $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} = N_0 \cdot e^{-\lambda t_{1/2}} \Leftrightarrow e^{-\lambda t_{1/2}} = \frac{1}{2}$

$\Leftrightarrow \lambda \cdot t_{1/2} = \ln(2) \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$

1.4)

on a $a_0 = N_0 \cdot \lambda = \frac{m_0 \cdot N_A}{M} \cdot \frac{\ln(2)}{t_{1/2}} = \frac{2 \times 10^{-6} \times 6,02 \times 10^{23}}{3} \times \frac{\ln(2)}{12,32 \times 3,16 \times 10^7}$ 0,15

$= 7,145 \times 10^8 \text{ Bq}$ 0,25

on a selon la loi de décroissance radioactif:

$a(t) = a_0 \cdot e^{-\lambda t}$

à t_1 : $a(t_1) = 40\% a_0 = a_0 e^{-\lambda t_1}$

$\Leftrightarrow 0,4 = e^{-\lambda t_1} \Leftrightarrow -\lambda t_1 = \ln(0,4)$ 0,25

$\Leftrightarrow t_1 = \frac{-1}{\lambda} \cdot \ln(0,4) = \frac{-t_{1/2}}{-\ln(2)} \cdot \ln(0,4)$

A.N.: $t_1 = \frac{-12,32 \times 3,16 \times 10^7}{\ln(2)} \cdot \ln(0,4) = 4,29 \times 10^9$ 0,25

$\rightarrow a_1 = 40\% a_0 = 0,4 \times 7,145 \times 10^8 = 2,858 \times 10^8 \text{ Bq}$

②

تنبيه: يمنع على المترشح أن يمضي ورقته أو أن يضع أية علامة تبين هويته.



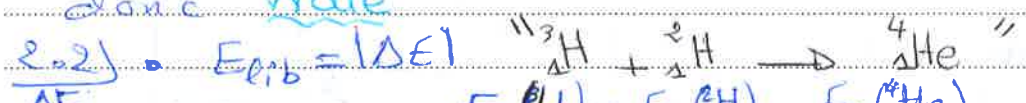
a. Faux car on a d'après le tableau que $E_p(^3\text{H}) = 8,475 \text{ MeV}$ et $28,296 \text{ MeV}$ c'est de ^4He

b. $E(^3\text{H}) = \frac{E_p}{A} = \frac{8,475}{3} = 2,825 \text{ MeV/nucleon}$

$E(^4\text{H}) = \frac{E_p}{A} = \frac{2,366}{2} = 1,183 \text{ MeV/nucleon}$

donc $E(^3\text{H}) > E(^4\text{H}) \Rightarrow ^3\text{H}$ est le plus stable

donc Vraie



$\Delta E = E_p(^1\text{H}) + E_p(^3\text{H}) - E_p(^4\text{He})$
 $= 8,475 + 2,366 - 28,296$
 $= -17,455 \text{ MeV}$

d'où $E_{pib} = 17,455 \text{ MeV}$

0,25

0,25

0,25

Ex 3

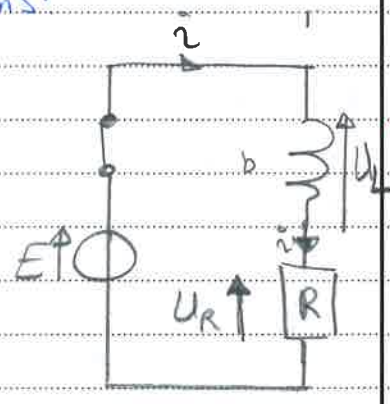
1.1 éq différentielle

selon la loi d'additivité des tensions:

$U_R + U_L = E$

$\Leftrightarrow R \cdot i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt} = E$

$\Leftrightarrow i(t) + \frac{L}{R} \cdot \frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{R}$



0,25

1.2

1.2.1

ona $i(t) = A + B \cdot e^{-t/\tau}$

$\frac{di(t)}{dt} = -\frac{B}{\tau} \cdot e^{-t/\tau}$, on remplace dans l'éq diff

$A + B \cdot e^{-t/\tau} - \frac{L \cdot B}{R \cdot \tau} \cdot e^{-t/\tau} = \frac{E}{R} \Leftrightarrow A + B \cdot e^{-t/\tau} \left(1 - \frac{L}{R \cdot \tau}\right) = \frac{E}{R}$

0,25

$\Leftrightarrow A = \frac{E}{R}$ et $1 - \frac{L}{R \cdot \tau} = 0 \Leftrightarrow A = \frac{E}{R}$ et $\frac{L}{R \cdot \tau} = 1$

$\Leftrightarrow A = \frac{E}{R}$ et $\tau = \frac{L}{R}$

Note définitive
/20
Sur Vingt

Série/Option :

Composition de :

Appréciation expliquant la note chiffrée :
.....
.....

NOM DU CORRECTEUR ET SIGNATURE :

0/25 à $t=0: i(t=0) = 0 = A + Be^0 \Rightarrow -A = B \Rightarrow B = -\frac{E}{R}$ 2/3

d'où $i(t) = \frac{E}{R} - \frac{E}{R} \cdot e^{-t/\tau} = \frac{E}{R} (1 - e^{-t/\tau})$

2.2.2. la valeur de L (m.g. $L = 4 \text{ H}$)

On a en régime permanent $i(t) = I_p = \frac{E}{R} (1 - e^{-\infty})$

$\Rightarrow I_p = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{I_p}$

0/15 A.N. $R = \frac{24}{5 \times 9,6 \times 10^{-3}} = 500 \Omega$

et on a: $\tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = R \cdot \tau = 500 \times 2 \times 10^{-3} = 1 \text{ H}$
 $L = 4 \text{ H}$

2.3. l'expression num de U_L

On a $U_L = L \cdot \frac{di(t)}{dt}$ ($r=0$ négligeable)

0/15 et on a: $i(t) = \frac{E}{R} (1 - e^{-t/\tau}) \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{R \cdot \tau} \cdot e^{-t/\tau}$

$\Rightarrow U_L = L \cdot \frac{E}{R \cdot \tau} \cdot e^{-t/\tau} = \frac{E \cdot L}{R \cdot \frac{L}{R}} \cdot e^{-t/\tau} = E \cdot e^{-t/\tau}$

A.N. $U_L(t) = 24 \cdot e^{-\frac{t}{2 \times 10^{-3}}} = 24 \cdot e^{-500 \cdot t}$

2.

2.1

selon la loi d'additivité des tensions:

0/25 $U_C + U_L = 0 \Rightarrow U_C - L \cdot \frac{di}{dt}$

$\Rightarrow U_C + L \cdot C \cdot \frac{d^2 U_C}{dt^2} = 0 \Rightarrow \frac{1}{LC} \cdot U_C + \frac{d^2 U_C}{dt^2} = 0$

2.2. la valeur de C

0/25 On a: $T_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow C \cdot L = \frac{T_0^2}{4\pi^2} \Rightarrow C = \frac{1}{L} \cdot \frac{T_0^2}{4\pi^2}$

0/25 A.N. $C = \frac{1}{4 \times 10} \times (4 \times 0,15 \times 10^{-3})^2 = 10^{-7} \text{ F} = 0,1 \mu\text{F}$

2.2.2. E_m

0/25 on a l'absence des résistances $\Rightarrow E_T$ se conserve
 d'où $E_T = E_e + E_m \Rightarrow E_m = E_T - E_e = E_{\max} - E_e$
 A $\Rightarrow E_m = \frac{1}{2} \cdot C (U_{C\max}^2 - U_C^2)$
 à $t = 1,8 \text{ ms}$: $E_m = \frac{1}{2} \times 10^{-7} \times (10^2 - 8^2)$

$\Rightarrow E_m = 1,8 \times 10^{-6} \text{ J}$

3/1

200 Hz

3.2.1

B. La fréquence de la porteuse est $F_p = 4 \text{ KHz}$

3.2.2 a/ Faux

car : $m = \frac{U_s}{U_0} = \frac{2}{2 \times 2} = 0,5$

b. Faux, $U_0 = 2 \times 2 = 4 \text{ V}$

3.3

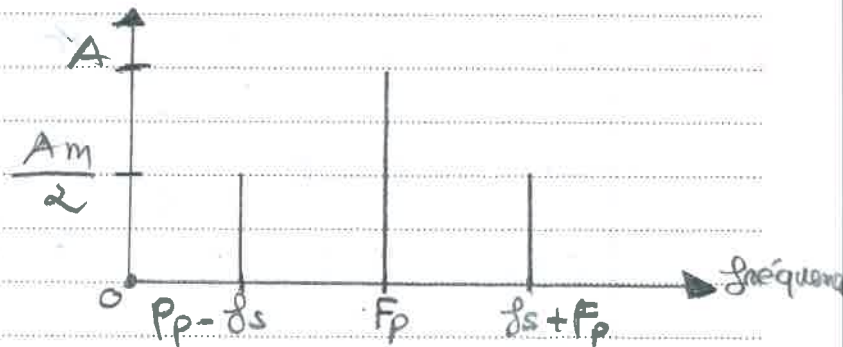
ona : $U(t) = A (1 + m \cdot \cos(2\pi f_s t)) \cos(2\pi f_p t)$
 $= A \cos(2\pi f_p t) + A m \cos(2\pi f_s t) \cos(2\pi f_p t)$

et on a : $\cos(a+b) + \cos(a-b) = 2 \cdot \cos(a) \cos(b)$

d'où $U(t) = A \cos(2\pi f_p t) + \frac{A m}{2} (\cos(2\pi f_p t + 2\pi f_s t) + \cos(2\pi t (f_p - f_s)))$
 $\Rightarrow U(t) = A \cos(2\pi f_p t) + \frac{A m}{2} \cdot \cos(2\pi t (f_p + f_s)) + \frac{A m}{2} \cdot \cos(2\pi t (f_p - f_s))$

d'où :

le spectre :



Exo 4

Partie I

1/

1.1) * système étudié : la balle

→ le repère d'étude $R(O, \vec{x}, \vec{y})$ lié à un référentiel terrestre supposé galiléen

→ Bilan des forces :

* le poids de la balle \vec{P}^b

selon la 2^{ème} loi de Newton : $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G^b$

$\Leftrightarrow \vec{P}^b = m \cdot \vec{a}_G^b \Leftrightarrow m \cdot \vec{g}^b = m \cdot \vec{a}_G^b$

$\Leftrightarrow \vec{a}_G^b = \vec{g}^b$

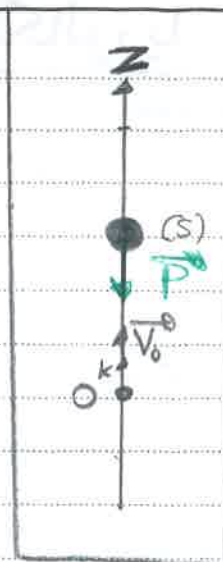
on fait la projection sur l'axe (Oz):

$$a_G = -g = \frac{dv_z}{dt} \xrightarrow{\text{intég}} v_z(t) = -g \cdot t + v_0$$

AN: $v_z(t) = -10 \times t + 12$

et $v_z(t) = \frac{dz(t)}{dt} \Rightarrow z(t) = -\frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 + v_0 \cdot t + z_0$

AN: $z(t) = -\frac{1}{2} \times 10 \times t^2 + 12 \cdot t$
 $z(t) = -5 \cdot t^2 + 12 \cdot t$



0,25
0,25

1.2

1.2.1

au point maximale $v_{em}(t) = 0 = -10 \cdot t_m + 12 \Rightarrow t_m = \frac{12}{10}$

$\Leftrightarrow t_m = 1,2 \text{ s}$

d'où $z_m = h = -5 \cdot t_m^2 + 12 \cdot t_m = -5 \times 1,2^2 + 12 \times 1,2$

$\Leftrightarrow h = 7,2 \text{ m}$

0,25
0,25

1.2.2

ona à t_0 où le centre G passe par le point O

$z_0 = 0 = -5 \cdot t_0^2 + 12 \cdot t_0 \Leftrightarrow t_0(5t_0 + 12) = 0$

$\Leftrightarrow t_0 = 0$ (non) ou $-5t_0 + 12 = 0 \Rightarrow t_0 = \frac{12}{5} \text{ s}$

d'où $v_{0z} = -10 \times t_0 + 12 = -10 \times \frac{12}{5} + 12 = -12 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

2/

* système étudié: {la balle}

→ Repère d'étude: $R(O, \vec{K}^0)$ supposé galiléen

→ Bilan des forces:

+ le poids \vec{P}^0

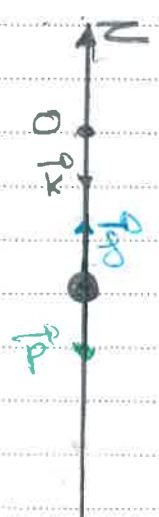
+ la forces de frottement fluide \vec{f}^0

Selon la 2ème loi de Newton

$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G \Leftrightarrow \vec{P}^0 + \vec{f}^0 = m \cdot \vec{a}_G$

→ projection sur (O, \vec{K}^0)

$-m \cdot g + \lambda \cdot v = m \cdot \frac{dv_z}{dt}$



0,25
0,25

$\Leftrightarrow \frac{dv_z}{dt} + g - \frac{\lambda}{m} v = 0$ on prend $\tau = \frac{-m}{\lambda}$

d'où $\frac{dv_z}{dt} + \frac{v}{\tau} + g = 0$

2.2) ona $\frac{dv_{em}}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{v}{\tau} + g = 0$
 $\Rightarrow v_{em} = -g \cdot \tau = -g \cdot \left(\frac{-m}{\lambda}\right) = -10 \times \left(\frac{-80 \times 10^{-3}}{0,12}\right)$

تنبيه: يمنع على المترشح أن يمضي ورقته أو أن يضع أية علامة تبين هويته.



النقطة النهائية
/20
على عشرون

الشعبة أو المسلك :

مادة :

التقدير المفسر للنقطة :

إسم المصحح وتوقيعه (ها) :

$\Rightarrow V_{em} = 6,67 \text{ m.s}^{-2}$

2.3) d'après la méthode d'Euler :

$v_z(t_i) = a_{i-1} \Delta t + v_{i-1}$

et on a $a_{i-1} = -\frac{1}{c} \cdot v_{i-1} - g = \frac{\lambda}{m} \cdot v_{i-1} - g$

$\Rightarrow v_{i-1} = (a_{i-1} + g) \frac{m}{\lambda} = (5 \times 10) \times \frac{80 \times 10^{-3}}{0,112}$
 $= 10 \text{ m.s}^{-2}$

d'où $v_z(t_i) = 5 \times 66 \times 10^{-3} + 10 = 10,33 \text{ m.s}^{-2}$

Partie II

1.

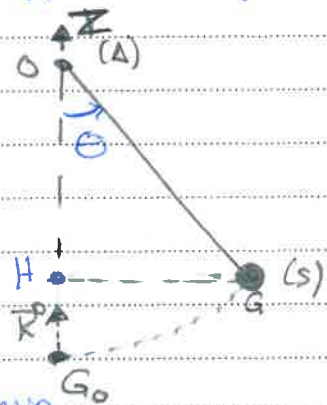
On a $E_{pp} = m \cdot g \cdot z + C^te$, et puisque on a $E_{pp} = 0$ lorsque $z = 0$, donc $E_{pp} = m \cdot g \cdot z$

d'où $E_{pp} = m \cdot g \cdot l \cdot OH$
 $= m \cdot g \cdot l - l \cdot \cos(\theta)$
 $= m \cdot g \cdot l (1 - \cos(\theta))$

et comme on a : $1 - \cos(\theta) = \frac{\theta^2}{2}$
 d'où $E_{pp} = m \cdot g \cdot l \cdot \frac{\theta^2}{2}$

2.1) on a l'énergie mécanique se conserve

donc : $E_m = E_{pp} + E_c = E_{cmax} \Leftrightarrow E_m = E_{cmax} = E_{ppmax}$



$\Rightarrow \frac{1}{2} m \dot{\theta}_{max}^2 = \frac{1}{2} m \cdot g \cdot l \cdot \theta_{max}^2$

$\Rightarrow m \cdot l^2 \cdot \dot{\theta}_{max}^2 = m \cdot g \cdot l \cdot \theta_{max}^2$

$\Rightarrow \dot{\theta}_{max}^2 = \frac{g}{l} \cdot \theta_{max}^2 \Leftrightarrow \dot{\theta}_{max} = \sqrt{\frac{g}{l} \cdot \theta_{max}^2}$

$\Rightarrow \dot{\theta}_{max} = \theta_m \cdot \sqrt{\frac{g}{l}}$, on a $\theta_m = \theta_0 = 9^\circ = \frac{9 \times \pi}{180} = \frac{1}{20} \pi$

d'où $\dot{\theta}_{max} = \frac{1}{20} \pi \times \sqrt{\frac{10}{2,14}} = 0,32 \text{ rad.s}^{-1}$

0,25

0,5

0,5

0,25

0,25

Note définitive

/20

Sur Vingt

Série/Option :

Composition de :

Appréciation expliquant la note chiffrée :

NOM DU CORRECTEUR ET SIGNATURE :

0.2] $E_m = \text{cst} \Rightarrow \frac{dE_m}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{dE_{pp}}{dt} + \frac{dE_c}{dt} = 0$ 3/3

$\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot m \cdot g \cdot l \cdot \frac{d\theta^2}{dt} + \frac{1}{2} \cdot J_0 \cdot \frac{d\dot{\theta}^2}{dt} = 0$

$\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot m \cdot g \cdot l \cdot \theta \cdot \frac{d\theta}{dt} + \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot J_0 \cdot \dot{\theta} \cdot \frac{d\dot{\theta}}{dt} = 0$

$\Rightarrow m \cdot g \cdot l \cdot \theta \cdot \dot{\theta} + m \cdot l^2 \cdot \dot{\theta} \cdot \ddot{\theta} = 0$

$\Rightarrow \dot{\theta} \cdot m \cdot l \cdot (g \cdot \theta + l \cdot \ddot{\theta}) = 0$

$\Rightarrow g \cdot \theta + l \cdot \ddot{\theta} = 0 \Rightarrow \ddot{\theta} + \frac{g}{l} \cdot \theta = 0$

③ $T = T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{l}{g}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{214}{10}} = 31,07 \text{ s}$