

التمرين 1: الكيمياء (7 نقط)

الجزءان 1 و 2 مستقلان

الجزء 1: دراسة محلول مائي لحمض كربوكسيلي.

يوجد في مختبر مؤسسة تعليمية، زجاجة تحتوي على محلول خالص (S_0) لحمض كربوكسيلي نرمل له ب AH صيغة العامة $C_n H_{2n+1} COOH$ حيث n عدد صحيح طبيعي.
يهدف هذا التمرين إلى تحديد الصيغة الكيميائية لهذا الحمض الكربوكسيلي وكذا الثابتة pK_A الموافقة للمزدوجة AH / A^- وذلك بغرض دراسة تفاعله مع محلول مائي لميثانوات الصوديوم $Na^+_{(aq)} + HCOO^-_{(aq)}$.

معطيات:

- الكتل المولية: $M(H) = 1g.mol^{-1}$ ؛ $M(O) = 16g.mol^{-1}$ ؛ $M(C) = 12g.mol^{-1}$.

1- تحديد pK_A للمزدوجة AH / A^- والصيغة الكيميائية للحمض AH

نحضر محلولاً (S_A) للحمض AH بإذابة كتلة $m = 1,5 g$ من هذه الحمض الخالص في الماء المقطر قصد الحصول على حجم $V = 500 mL$ من المحلول.
نعاير حجماً $V_A = 20 mL$ من المحلول (S_A) بواسطة محلول مائي (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم $Na^+_{(aq)} + HO^-_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_B = 3,4.10^{-2} mol.L^{-1}$.
مكننا الدراسة التجريبية من الحصول على المنحنى $pH = f(V_B)$ الذي يمثل تطور pH الخليط التفاعلي بدلالة V_B حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف (الشكل 1).

1-1- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المعايرة. (0,25ن)

1-2- بين، باستعمال جدول التقدم للتفاعل، أن تعبير الحجم V_B ، عندما يكون

$$0 < V_B < V_{BE} \text{، حيث } V_{BE} \text{ حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ، يكتب } V_B = \frac{V_{BE} \cdot 10^{pH - pK_A}}{1 + 10^{pH - pK_A}} \text{ . (0,75ن)}$$

1-3- أوجد العلاقة بين V_B و V_{BE} لكي تتحقق $pH = pK_A$. استنتج مبيانيا قيمة pK_A . (0,5ن)1-4- حدد C_A التركيز المولي للمحلول (S_A). (0,5ن)1-5- أوجد قيمة n واستنتج الصيغة الكيميائية للحمض AH. (0,75ن)2- دراسة التفاعل بين الحمض AH وأيونات الميثانوات $HCOO^-$

نحضر خليطاً يتكون من محلول مائي للحمض AH تركيزه المولي $C = 1,0.10^{-2} mol.L^{-1}$ وحجمه $V_1 = 50 mL$ ومحلول مائي لميثانوات الصوديوم $Na^+_{(aq)} + HCOO^-_{(aq)}$ له نفس التركيز C ونفس الحجم $V_2 = V_1$.
ننمذج التفاعل الذي يحدث بالمعادلة: $AH_{(aq)} + HCOO^-_{(aq)} \rightleftharpoons A^-_{(aq)} + HCOOH_{(aq)}$

معطيات:

الأيون	A^-	$HCOO^-$	Na^+
الموصلية المولية الأيونية ($mS.m^{-1}$)	3,58	5,46	5,01

- نهمل مساهمة الأيونات H_3O^+ و HO^- في موصلية المحلول.

- تعبير الموصلية σ لمحلول هو: $\sigma = \sum_i \lambda_{X_i} \cdot [X_i]$ حيث $[X_i]$ التركيز المولي الفعلي لكل نوع كيميائي أيوني موجود في المحلول و λ_{X_i} موصليته المولية الأيونية.

2-1- بين أن تعبير الموصلية σ للخليط التفاعلي عند لحظة t بدلالة التقدم x للتفاعل يكتب: $\sigma = 52,35 - 1,88.10^4 \cdot x$

حيث σ معبر عنها ب $mS.m^{-1}$ و x ب mol . (0,75ن)

2-2- نقيس موصلية الخليط التفاعلي عند التوازن فنجد: $\sigma_{eq} = 50,092 mS.m^{-1}$.

1-2-2-1- تحقق أن قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل هي $K \approx 0,1$ عند $(0,5)$.

2-2-2- استنتج قيمة pK'_A للمزدوجة $\text{HCOOH} / \text{HCOO}^-$ عند $(0,5)$.

الجزء 2: دراسة عمود نيكل-كوبالت.

تعتبر الأعمدة الكهروكيميائية أحد تطبيقات تفاعلات أكسدة-اختزال. أثناء اشتغالها، يتحول جزء من الطاقة الكيميائية إلى طاقة كهربائية.

ننجز عمود نيكل-كوبالت بغمر صفيحة من النيكل في كأس تحتوي على حجم $V = 100\text{mL}$ من محلول مائي لكبريتات النيكل $\text{Ni}^{2+}_{(\text{aq})} + \text{SO}^{2-}_{4(\text{aq})}$ تركيزه المولي البدئي $C_1 = [\text{Ni}^{2+}]_i = 10^{-2} \text{mol.L}^{-1}$ ، وغمر صفيحة من الكوبالت في

كأس أخرى تحتوي على الحجم $V = 100\text{mL}$ من محلول مائي لكبريتات الكوبالت $\text{Co}^{2+}_{(\text{aq})} + \text{SO}^{2-}_{4(\text{aq})}$ تركيزه المولي البدئي $C_2 = [\text{Co}^{2+}]_i$. نوصل المحلولين بقنطرة ملحية .

نركب على التوالي بين قطبي العمود موصلا أوميا وأمبيرمترا وقاطعا للتيار.

نغلق قاطع التيار عند اللحظة $t=0$ ، فيمر في الدارة تيار كهربائي نعتبر شدته I ثابتة.

معطيات :

• ثابتة فرايدي: $1F = 9,65.10^4 \text{C.mol}^{-1}$ ؛

• الكتلة المولية للكوبالت: $M(\text{Co}) = 58,9 \text{g.mol}^{-1}$ ؛

• ثابتة التوازن المقرونة بمعادلة التفاعل $\text{Co}^{2+}_{(\text{aq})} + \text{Ni}_{(\text{s})} \xrightleftharpoons[(2)]{(1)} \text{Ni}^{2+}_{(\text{aq})} + \text{Co}_{(\text{s})}$ هي $Q_{r,e} = K$ عند 25°C .

يمثل منحنى الشكل 2 التطور الزمني لخارج التفاعل Q_r .

1- باستغلال المنحنى $Q_r(t)$ ، اختر الاقتراح الصحيح من بين

الاقتراحات التالية. (0,5 ن)

أ- منحنى التطور التلقائي للمجموعة الكيميائية في العمود هو المنحنى (1).

ب- إلكترود الكوبالت هو الكاثود.

ج- التنبية الاصطلاحية للعمود هي: $\ominus \text{Ni} / \text{Ni}^{2+} // \text{Co}^{2+} / \text{Co} \oplus$

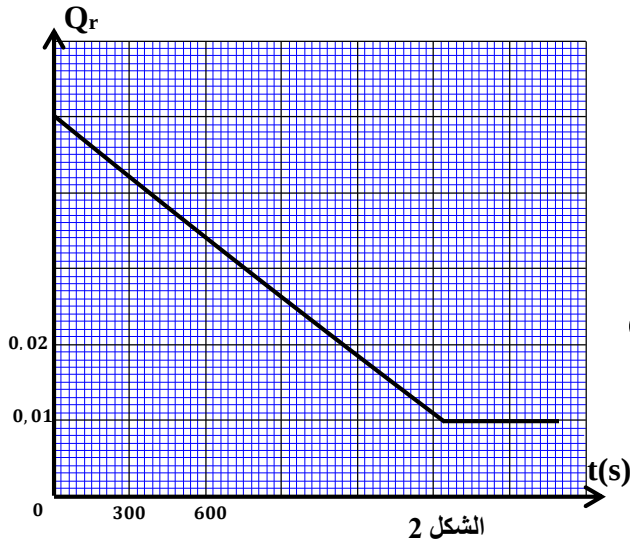
د- المنحنى الاصطلاحي للتيار الكهربائي خارج العمود هو من إلكترود النيكل نحو إلكترود الكوبالت.

2- حدد C_2 . (0,5 ن)

3- أوجد تعبير الشدة I للتيار الكهربائي بدلالة K و F و C_1

و C_2 و V و t_{eq} ، حيث t_{eq} اللحظة التي يتحقق عندها التوازن الكيميائي. تحقق أن $I \approx 0,1\text{A}$. (0,75 ن)

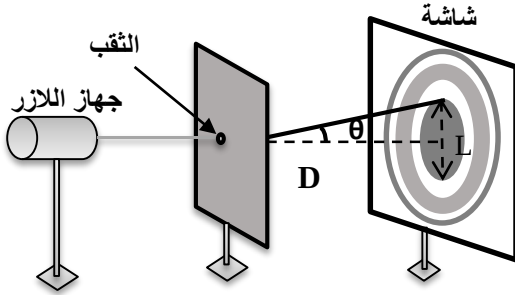
4- احسب Δm تغير كتلة إلكترود الكوبالت بين اللحظتين $t=0$ و $t=t_{eq}$. (0,75 ن)



التمرين 2: الموجات + التحولات النووية (4 نقط)

الجزء 1: دراسة حيود الضوء

تمكن ظاهرة الحيود من إبراز الطبيعة الموجية للضوء.



الشكل 1

يرسل منبع لآزر ضوء أحادي اللون طول موجته $\lambda = 750\text{nm}$ على حجاب به ثقب دائري قطره d قابل للضبط. نشاهد على شاشة وضعت على مسافة D من الحجاب، شكلا مكونا من بقعة مركزية دائرية مضيئة قطرها L محاطة بحلقات مظلمة تتخللها حلقات مضيئة (الشكل 1).

نغير قيمة d ونسجل قيمة L الموافقة. يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات $\frac{1}{d}$ بدلالة $\frac{1}{L}$.

معطيات:

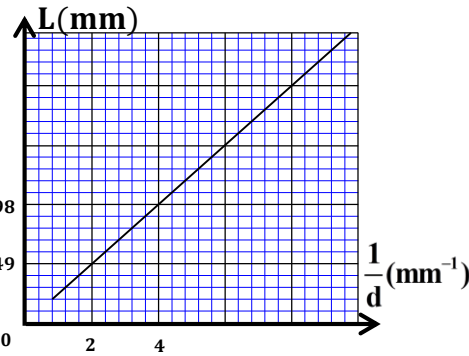
- المسافة الفاصلة بين الحجاب والشاشة: $D = 1,50\text{m}$ ؛

- القانون الموافق لظاهرة الحيود بواسطة ثقب دائري هو $\theta = \frac{\alpha \cdot \lambda}{d}$ حيث θ هو الفرق الزاوي معبر عنه بالراديان و α معامل تصحيح مرتبط بالشكل الدائري للثقب.

1- بين، بالنسبة للزوايا الصغيرة حيث $\tan(\theta) \approx \theta(\text{rad})$ ، أن

$$L = \frac{2\alpha \cdot \lambda \cdot D}{d} \quad (0,5 \text{ ن})$$

2- تحقق أن $\alpha = 1,22$ (0,5 ن)



الشكل 2

3- نستبدل الحجاب بصفيحة معتمدة بها ثقب قطره d' غير معروف. أعطى قياس قطر البقعة المركزية القيمة $L' = 1,5\text{cm}$.

3-1- حدد قيمة d' . (0,5 ن)

3-2- نستبدل منبع الليزر بمنبع للضوء الأبيض فنشاهد على الشاشة بقعة مركزية مقرحة تتوسطها بقعة دائرية بيضاء

قطرها L_B . علما أن طول الموجة للضوء المرئي في الفراغ هي: $\lambda_1 = 0,4\mu\text{m} \leq \lambda \leq \lambda_2 = 0,8\mu\text{m}$.

3-2-1- حدد من بين λ_1 و λ_2 طول الموجة الموافقة للإشعاع الأحمر. (0,25 ن)

3-2-2- أوجد قيمة L_B . (0,75 ن)

الجزء 2: النشاط الإشعاعي للبولونيوم

تتفك نواة البولونيوم $^{210}_{84}\text{Po}$ تلقائيا لتتحول إلى نواة الرصاص $^{206}_{82}\text{Pb}$ مع انبعاث دقيقة α .

يهدف هذا الجزء إلى دراسة الحصلة الطاقة لهذا التحول النووي وكذا تطوره الزمني.

يعطي مخطط الشكل 1 قيم كتل المجموعات التالية:

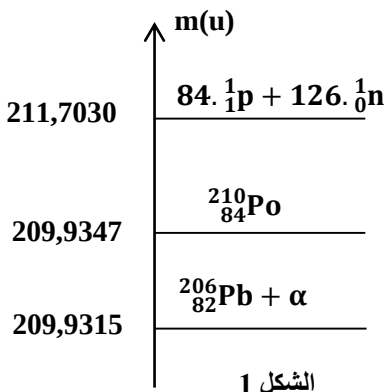
(نواة البولونيوم 210)؛ (النويات متفرقة)؛ (نواة الرصاص 206 + الدقيقة α).

معطيات:

- الكتلة المولية للبولونيوم 210: $M = 210\text{g.mol}^{-1}$ ؛

- وحدة الكتلة الذرية: $1\text{u} = 931,5\text{MeV.c}^{-2}$ ؛

- ثابتة أفوكادرو: $N_A = 6,02.10^{23}\text{mol}^{-1}$.



الشكل 1

1- اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية. (0,25ن)

أ- التفتت من نوع α يوافق انبعاث نوترون.

ب- التفتت من نوع α يخص النوى الخفيفة.

ج- عمر النصف $t_{1/2}$ هي المدة التي عند متمها تفتت 63% من نوى العينة.

د- طاقة الربط بالنسبة للنوية لنواة الرصاص 206 أكبر من طاقة الربط لنوية نواة البولونيوم 210.

2- باستغلال مخطط الشكل 1:

2-1- احسب، بالوحدة MeV/nucleon، طاقة الربط بالنسبة لنوية نواة $^{210}_{84}\text{Po}$. (0,25ن)

2-2- احسب، بالوحدة MeV، الطاقة $|\Delta E|$ المحررة عند تفتت كتلة $m = 1\text{mg}$ من البولونيوم 210. (0,25ن)

3- نرمز بـ N_D لعدد نوى البولونيوم المتفتتة عند لحظة t وبـ N_0 لعدد نوى

البولونيوم 210 عند $t = 0$.

يمثل منحنى الشكل 2 التطور الزمني للمقدار $\frac{N_D}{N_0}$.

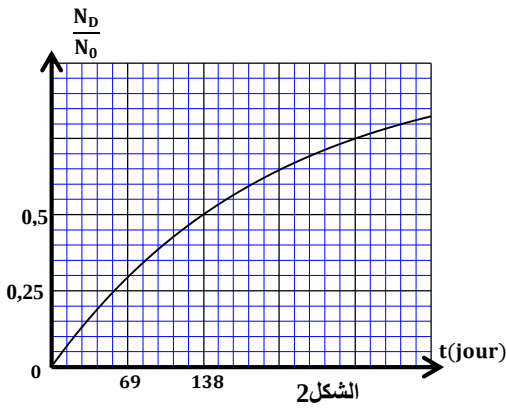
3-1- باستغلال منحنى الشكل 2 أوجد، بالوحدة (jour)، عمر النصف $t_{1/2}$

للبولونيوم 210. (0,25ن)

3-2- لتكن t_1 اللحظة التي يكون عندها: $\frac{N_D}{N} = 3$ ، حيث N عدد نوى البولونيوم

المتبقية عند اللحظة t_1 .

أوجد قيمة t_1 بالوحدة (jour). (0,5 ن)



التمرين 3: الكهرباء (4 نقط)

الجزءان 1 و 2 مستقلان

يهدف هذا التمرين إلى دراسة:

- استجابة ثنائي قطب RC لرتبة توتر؛

- التذبذبات الكهربائية القسرية في دائرة RLC متوالية.

الجزء 1: دراسة ثنائي القطب RC

ننجز الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل 1 والتي تتكون من:

- مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهر محرقة E؛

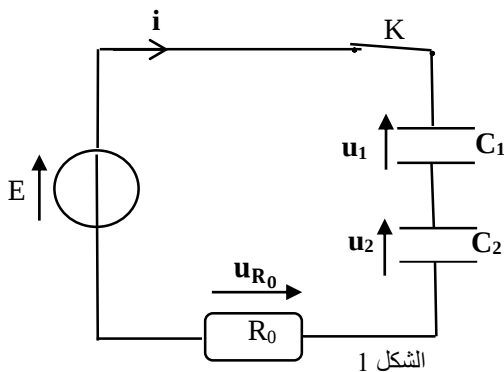
- موصل أومي مقاومته R_0 ؛

- مكثفين (C_1) و (C_2) غير مشحونين بدنيا، سعناهما على التوالي $C_1 = 5\mu\text{F}$ و $C_2 > C_1$ ؛

- قاطع التيار K.

نغلق القاطع K عند اللحظة $t = 0$.

1-1- عبر عن u_1 التوتر بين مربطي (C_1) بدلالة C_1 و C_2 و u_2 التوتر بين مربطي (C_2) . (0,25ن)



1-2- بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_2 تكتب: $u_2 + \frac{R_0 \cdot C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} \cdot \frac{du_2}{dt} = \frac{C_1 \cdot E}{C_1 + C_2}$ (ن0,5)

1-3- علما أن حل المعادلة التفاضلية يكتب على الشكل: $u_2(t) = A(1 - e^{-\alpha t})$

أوجد تعبير كل من A و α بدلالة بارامترات الدارة. (ن0,5)

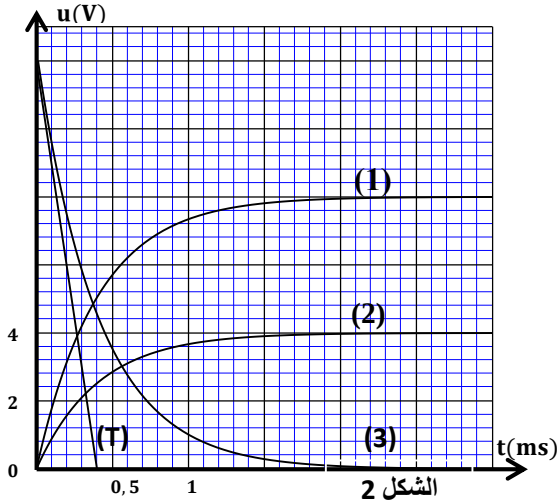
2- تمثل منحنيات الشكل 2 التطور الزمني لكل من u_1 و u_2 و u_{R_0} التوتر بين مربطي الموصل الأومي.

يمثل (T) المماس للمنحنى (3) عند النقطة ذات الأفصول $t = 0$.

2-1- أقرن التوتر $u_2(t)$ بالمنحنى الموافق. (ن0,25)

2-2- حدد قيمة كل من C_2 و R_0 . (ن0,5)

2-3- احسب الطاقة الكهربائية الكلية E_e المخزونة في المكثفين عند تحقق النظام الدائم. (ن0,25)



الجزء 2: دراسة التذبذبات الكهربائية القسرية في دارة RLC متوالية

ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل 3 و المتكون من:

- مولد ذو تردد منخفض (GBF) يزود الدارة بتوتر متناوب جيبي تردده N وتوتره القصوي U_m ثابتين؛

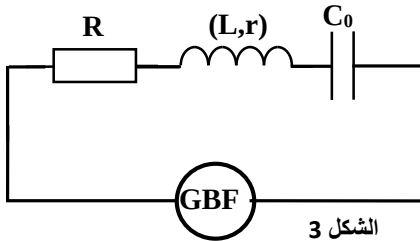
- مكثف سعته $C_0 = 10\mu F$ ؛

- وشيعة (b) معامل تحريضها $L = 86mH$ ومقاومتها r ؛

- موصل أومي مقاومته $R = 20\Omega$.

يطبق المولد (G.B.F) توترا $u(t) = U_m \cdot \cos(2\pi \cdot N \cdot t + \phi)$ فيمر في الدارة تيارا

كهربائيا شدته $i(t) = I_m \cdot \cos(2\pi \cdot N \cdot t)$.



الشكل 3

نعين، بواسطة نظام معلوماتي ملائم، التوتر $u_R(t)$ بين مربطي الموصل الأومي والتوتر $u(t)$ بين قطبي المولد،

فنحصل على الرسم التذبذبي الممثل في الشكل 4.

1- حدد قيمة كل من الطور ϕ والممانعة Z للدارة. (ن0,5)

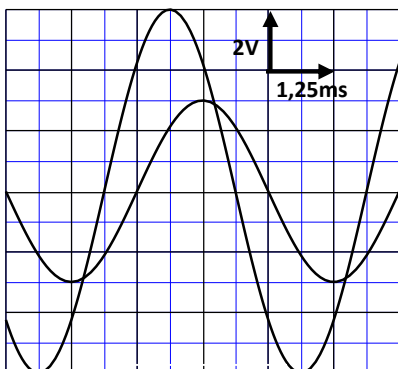
2- احسب القدرة الكهربائية المتوسطة P المبذوبة بمفعول جول في الدارة

واستنتج قيمة r . (ن0,5)

3- للحصول على الرنين الكهربائي، نركب مكثفا سعته C مع المكثف ذي السعة C_0 .

3-1- حدد قيمة C . نأخذ $\pi^2 = 10$. (ن0,5)

3-2- احسب الشدة الفعالة للتيار المار في الدارة. (ن0,25)



الشكل 4

التمرين 4 : الميكانيك (5 نقط)

الجزءان 1 و 2 مستقلان

الجزء 1: حركة مجموعة ميكانيكية

نعتبر بكرة متجانسة (P) شعاعها $r = 5\text{cm}$ قابلة للدوران في مستوى رأسي حول محور (Δ) أفقي وثابت يمر من مركزها I.

نرمز ب J_Δ لعزم قصور البكرة بالنسبة للمحور (Δ) .

نلف حول البكرة (P) خيطا غير مدود وكتلته مهملة يحمل في طرفه الآخر جسما صلبا (S) مركز قصوره G وكتلته $m = 100\text{g}$. خلال الحركة، لا ينزلق الخيط على البكرة. (الشكل 1)

نعتبر نقطة M من محيط البكرة.

تنطلق النقطة M بدنيا من الموضع M_0 المنتمي للخط الرأسي المار من I وينطلق

G من موضع أنسوبه $z = 0$ في المعلم الرأسى $(O, \vec{k})$.

نعلم عند لحظة t موضع G بالأنسوب z وموضع النقطة M بالأفصول الزاوي

$$\theta = (\overrightarrow{IM_0}; \overrightarrow{IM})$$

نأخذ شدة مجال الثقالة $g = 10\text{m.s}^{-2}$.

1- نهمل الاحتكاكات. يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات السرعة الزاوية $\dot{\theta}$ للبكرة بدلالة الزمن.

1-1 حدد، معلا جوابك، طبيعة حركة البكرة (P) واحسب قيمة تسارعها الزاوي $\ddot{\theta}$. (5,0ن)

1-2 احسب، عند اللحظة $t_1 = 3\text{s}$ ، قيمة كل من التسارع المماسي a_t

والتسارع المنظمي a_n لحركة النقطة M. (5,0ن)

1-3 بين، باعتماد دراسة تحريكية، أن $J_\Delta = 10^{-3}\text{kg.m}^2$. (5,0ن)

2- عند اللحظة $t_1 = 3\text{s}$ يتقطع الخيط ويستمر الجسم (S) في السقوط.

نعتبر أن تعبير شدة قوة الاحتكاك المانع التي يطبقها الهواء على الجسم

(S) تكتب على الشكل: $\vec{f} = -\mu.v^2.\vec{k}$ ، حيث μ معامل الاحتكاك و v

سرعة G. نهمل قوة دافعة أرخميدس.

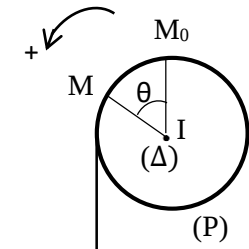
2-1 احسب سرعة (S) عند اللحظة $t_1 = 3\text{s}$. (25,0ن)

2-2 اثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v لحركة G بالنسبة

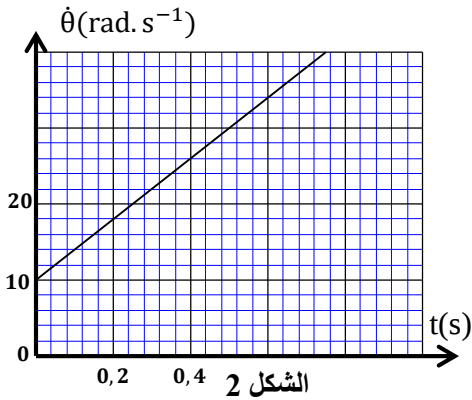
لـ $t \leq t_1$. (25,0ن)

2-3 يمثل منحنى الشكل 3 تغيرات $\frac{dv}{dt}$ بدلالة v^2 .

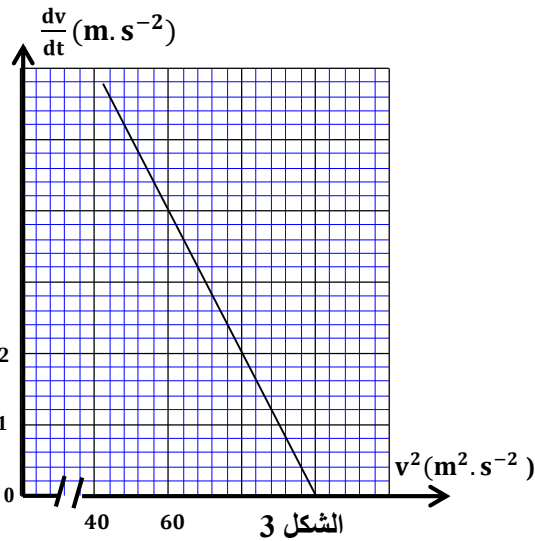
حدد قيمة كل من السرعة الحدية V_L للجسم (S) والمعامل μ . (5,0ن)



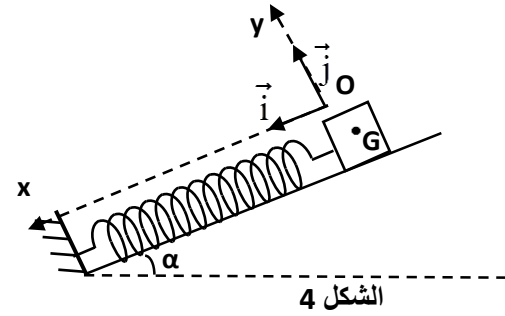
الشكل 1



الشكل 2



الشكل 3



الشكل 4

الجزء 2: حركة نواس مرن

النواس المرن عبارة عن مجموعة ميكانيكية تقوم بحركة تذبذبية حول موضع توازنها المستقر.

يهدف هذا الجزء إلى تحديد بعض المقادير المرتبطة بهذا المتذبذب.

يتكون النواس المدروس من جسم صلب (S)، كتلته $m = 100g$ ومركز قصوره G، ثبت في الطرف الحر لنابض ذي لفات غير متصلة، كتلته مهملة وصلابته K، وثبت طرفه الآخر بحامل ثابت.

يمكن للجسم (S) أن ينزلق بدون احتكاك على الخط الأكبر ميلا لمستوى مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي.

نقوم بدراسة حركة G في معلم متعامد ممنظم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ مرتبط بمراجع أرضي نعتبره غاليلياً.

نحدد موضع G خلال اللحظة t بالأفصول x على المحور $(O, \vec{i})$.

في حالة التوازن، يكون أفصول G منعدماً. (الشكل 4)

معطيات:

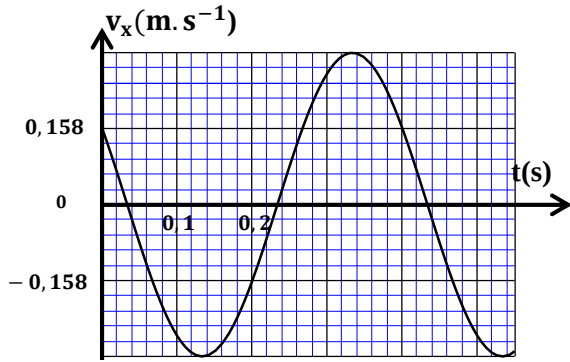
- تسارع الثقالة: $g = 10 m.s^{-2}$ ؛

- نأخذ $\pi^2 = 10$.

1- بين أن تعبير الاطالة Δl_0 للنابض عند التوازن تكتب: $\Delta l_0 = -\frac{m.g.\sin(\alpha)}{K}$. (0.25 ن)

2- نزيح (S) عن موضع توازنه ثم نحرره عند اللحظة $t = 0$ بسرعة بدئية $\vec{V}_0 = V_0 \vec{i}$. يمثل المنحنى الشكل 5 التطور

الزمني للمركبة v_x لمتجهة سرعة G.



الشكل 5

1-2 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت المعادلة التفاضلية للحركة التي

يحققها الأفصول x لمركز القصور G. (0.5 ن)

2-2 يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل:

$$x(t) = X_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right), \text{ حيث } T_0 \text{ هو الدور الخاص للمتذبذب.}$$

أوجد قيمة كل من X_m و φ و K. (0.75 ن)

3-2 استنتج، بدلالة الزمن t، التعبير المتجهي للقوة المكافئة لمجموع

القوى المطبقة على (S). (0.25 ن)

4-2 نعتبر الحالة التي يكون فيها النابض غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع المرنة ($E_{pe} = 0$)، والمستوى الأفقي المار

من موضع G عند التوازن مرجعا لطاقة الوضع الثقالية ($E_{pp} = 0$).

1-2-4 بين أن تعبير الطاقة الميكانيكية للمجموعة المتذبذبة هو:

$$E_m = \frac{1}{2} m \left(\frac{dx}{dt} \right)^2 + \frac{1}{2} K (x^2 + \Delta l_0^2) \quad (0.5 \text{ ن})$$

2-2-4 احسب قيمة E_m . (0.25 ن)